



C++ 五级

2024 年 06 月

1 单选题（每题 2 分，共 30 分）

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
答案	C	B	B	C	C	D	A	D	D	A	C	A	C	D	C

第 1 题 下面C++代码用于求斐波那契数列，该数列第1、2项为1，以后各项均是前两项之和。函数fibonacci()属于()。

```
1 int fibonacci(int n) {
2     if (n <= 0)
3         return 0;
4     if (n == 1 || n == 2)
5         return 1;
6
7     int a = 1, b = 1, next;
8     for (int i = 3; i <= n; i++) {
9         next = a + b;
10        a = b;
11        b = next;
12    }
13    return next;
14 }
```

- A. 枚举算法
- B. 贪心算法
- C. 迭代算法
- D. 递归算法

第 2 题 下面C++代码用于将输入金额换成最少币种组合方案，其实现算法是()。

```
1 #include <iostream>
2 using namespace std;
3
4 #define N_COINS 7
5 int coins[N_COINS] = {100, 50, 20, 10, 5, 2, 1}; //货币面值, 单位相同
6 int coins_used[N_COINS];
7
8 void find_coins(int money) {
9     for (int i = 0; i < N_COINS; i++) {
10        coins_used[i] = money / coins[i];
11        money = money % coins[i];
12    }
13    return;
```

```

14 }
15 int main() {
16     int money;
17     cin >> money;    //输入要换算的金额
18
19     find_coins(money);
20     for (int i = 0; i < N_COINS; i++)
21         cout << coins_used[i] << endl;
22
23     return 0;
24 }

```

- A. 枚举算法
- B. 贪心算法
- C. 迭代算法
- D. 递归算法

第3题 小杨采用如下双链表结构保存他喜欢的歌曲列表：

```

1 struct dl_node {
2     string song;
3     dl_node* next;
4     dl_node* prev;
5 };

```

小杨想在头指针为 head 的双链表中查找他喜欢的某首歌曲，采用如下查询函数，该操作的时间复杂度为（ ）。

```

1 dl_node* search(dl_node* head, string my_song) {
2     dl_node* temp = head;
3     while (temp != nullptr) {
4         if (temp->song == my_song)
5             return temp;
6         temp = temp->next;
7     }
8     return nullptr;
9 }

```

- A. $O(1)$
- B. $O(n)$
- C. $O(\log n)$
- D. $O(n^2)$

第4题 小杨想在如上题所述的双向链表中加入一首新歌曲。为了能快速找到该歌曲，他将其作为链表的第一首歌曲，则下面横线上应填入的代码为（ ）。

```

1 void insert(dl_node *head, string my_song) {
2     p = new dl_node;
3     p->song = my_song;
4     p->prev = nullptr;
5     p->next = head;
6
7     if (head != nullptr) {
8         _____ // 在此处填入代码
9     }
10    head = p;
11 }

```

- A. `head->next->prev = p;`
- B. `head->next = p;`
- C. `head->prev = p;`
- D. 触发异常，不能对空指针进行操作。

第5题 下面是根据欧几里得算法编写的函数，它计算的是 a 与 b 的（ ）。

```

1 int gcd(int a, int b) {
2     while (b != 0) {
3         int temp = b;
4         b = a % b;
5         a = temp;
6     }
7     return a;
8 }

```

- A. 最小公倍数
- B. 最大公共质因子
- C. 最大公约数
- D. 最小公共质因子

第6题 欧几里得算法还可以写成如下形式:

```

1 int gcd(int a, int b) {
2     return b == 0 ? a : gcd(b, a % b);
3 }

```

下面有关说法，错误的是（ ）。

- A. 本题的 `gcd()` 实现为递归方式。
- B. 本题的 `gcd()` 代码量少，更容易理解其辗转相除的思想。
- C. 当 a 较大时，本题的 `gcd()` 实现会多次调用自身，需要较多额外的辅助空间。
- D. 当 a 较大时，相比上题中的 `gcd()` 的实现，本题的 `gcd()` 执行效率更高。

第7题 下述代码实现素数表的线性筛法，筛选出所有小于等于 n 的素数，则横线上应填的代码是()。

```

_____

```

```

1 vector<int> linear_sieve(int n) {
2     vector<bool> is_prime(n + 1, true);
3     vector<int> primes;
4     is_prime[0] = is_prime[1] = 0; //0和1两个数特殊处理
5     for (int i = 2; i <= n; ++i) {
6         if (is_prime[i]) {
7             primes.push_back(i);
8         }
9         _____ { // 在此处填入代码
10            is_prime[i * primes[j]] = 0;
11            if (i % primes[j] == 0)
12                break;
13        }
14    }
15    return primes;
16 }

```

- A. for (int j = 0; j < primes.size() && i * primes[j] <= n; j++)
- B. for (int j = 0; j <= sqrt(n) && i * primes[j] <= n; j++)
- C. for (int j = 0; j <= n; j++)
- D. for (int j = 1; j <= sqrt(n); j++)

第8题 上题代码的时间复杂度是 ()。

- A. $O(n^2)$
- B. $O(n \log n)$
- C. $O(n \log \log n)$
- D. $O(n)$

第9题 为了正确实现快速排序，下面横线上的代码应为 ()。

```

1 void qsort(vector<int>& arr, int left, int right) {
2     int i, j, mid;
3     int pivot;
4
5     i = left;
6     j = right;
7     mid = (left + right) / 2; // 计算中间元素的索引
8     pivot = arr[mid]; // 选择中间元素作为基准值
9
10    do {
11        while (arr[i] < pivot) i++;
12        while (arr[j] > pivot) j--;
13        if (i <= j) {
14            swap(arr[i], arr[j]); // 交换两个元素
15            i++; j--;
16        }
17    } _____; // 在此处填入代码
18    if (left < j) qsort(arr, left, j); // 对左子数组进行快速排序
19    if (i < right) qsort(arr, i, right); // 对右子数组进行快速排序
20 }

```

- A. while (i <= mid)
- B. while (i < mid)
- C. while (i < j)
- D. while (i <= j)

第 10 题 关于分治算法，以下哪个说法正确？

- A. 分治算法将问题分成子问题，然后分别解决子问题，最后合并结果。
- B. 归并排序不是分治算法的应用。
- C. 分治算法通常用于解决小规模问题。
- D. 分治算法的时间复杂度总是优于 $O(n \log(n))$ 。

第 11 题 根据下述二分查找法，在排好序的数组 1, 3, 6, 9, 17, 31, 39, 52, 61, 79, 81, 90, 96 中查找数值 82，和82比较的数组元素分别是（ ）。

```

1  int binary_search(vector<int>& nums, int target) {
2      int left = 0;
3      int right = nums.size() - 1;
4      while (left <= right) {
5          int mid = (left + right) / 2;
6          if (nums[mid] == target) {
7              return mid;
8          } else if (nums[mid] < target) {
9              left = mid + 1;
10         } else {
11             right = mid - 1;
12         }
13     }
14     return -1; // 如果找不到目标元素, 返回-1
15 }

```

- A. 52, 61, 81, 90
- B. 52, 79, 90, 81
- C. 39, 79, 90, 81
- D. 39, 79, 90

第 12 题 要实现一个高精度减法函数，则下面代码中加划线应该填写的代码为（ ）。

```

1  //假设a和b均为正数, 且a表示的数比b大
2  vector<int> minus(vector<int> a, vector<int> b) {
3      vector<int> c;
4      int len1 = a.size();
5      int len2 = b.size();
6      int i, t;
7
8      for (i = 0; i < len2; i++) {
9          if (a[i] < b[i]) { //借位
10             _____ // 在此处填入代码

```

```

11         a[i] += 10;
12     }
13     t = a[i] - b[i];
14     c.push_back(t);
15 }
16 for (; i < len1; i++)
17     c.push_back(a[i]);
18
19 len3 = c.size();
20 while (c[len3 - 1] == 0) { //去除前导0
21     c.pop_back();
22     len3--;
23 }
24 return c;
25 }

```

- A. `a[i + 1]--;`
- B. `a[i]--;`
- C. `b[i + 1]--;`
- D. `b[i]--;`

第 13 题 设 A 和 B 是两个长度为 n 的有序数组，现将 A 和 B 合并成一个有序数组，归并排序算法在最坏情况下至少要做 () 次比较。

- A. n^2
- B. $n \log n$
- C. $2n - 1$
- D. n

第 14 题 给定如下函数：

```

1 int fun(int n) {
2     if (n == 1) return 1;
3     if (n == 2) return 2;
4     return fun(n - 2) - fun(n - 1);
5 }

```

则当 $n = 7$ 时，函数返回值为 ()。

- A. 0
- B. 1
- C. 21
- D. -11

第 15 题 给定如下函数（函数功能同上题，增加输出打印）：

```

1  int fun(int n) {
2      cout << n << " ";
3      if (n == 1) return 1;
4      if (n == 2) return 2;
5      return fun(n - 2) - fun(n - 1);
6  }

```

则当 $n = 4$ 时，屏幕上输出序列为（ ）。

- A. 4 3 2 1
- B. 1 2 3 4
- C. 4 2 3 1 2
- D. 4 2 3 2 1

2 判断题（每题 2 分，共 20 分）

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
答案	√	×	√	×	√	√	×	√	√	×

第 1 题 如果将双向链表的最后一个结点的下一项指针指向第一个结点，第一个结点的前一项指针指向最后一个结点，则该双向链表构成循环链表。

第 2 题 数组和链表都是线性表，链表的优点是插入删除不需要移动元素，并且能随机查找。

第 3 题 链表的存储空间物理上可以连续，也可以不连续。

第 4 题 找出自然数 n 以内的所有质数，常用算法有埃拉托斯特尼（埃氏）筛法和线性筛法，其中埃氏筛法效率更高。

第 5 题 唯一分解定理表明任何一个大于1的整数都可以唯一地表示为一系列质数的乘积，即质因数分解是唯一的。

第 6 题 贪心算法通过每一步选择局部最优解来获得全局最优解，但并不一定能找到最优解。

第 7 题 归并排序和快速排序都采用递归实现，也都是不稳定排序。（ ）

第 8 题 插入排序有时比快速排序时间复杂度更低。

第 9 题 在进行全国人口普查时，将其分解为对每个省市县乡来进行普查和统计。这是典型的分治策略。

第 10 题 在下面C++代码中，由于删除了变量 `ptr`，因此 `ptr` 所对应的数据也随之删除，故执行下述代码时，将报错。

```

1  int* ptr = new int(10);
2  cout << *ptr << endl;
3  delete ptr;
4  cout << ptr << endl;

```

3 编程题（每题 25 分，共 50 分）

3.1 编程题 1

- 试题名称：黑白格
- 时间限制：1.0 s
- 内存限制：512.0 MB

3.1.1 题面描述

小杨有一个 n 行 m 列的网格图，其中每个格子要么是白色，要么是黑色。

小杨想知道至少包含 k 个黑色格子的最小子矩形包含了多少个格子。

3.1.2 输入格式

第一行包含三个正整数 n, m, k ，含义如题面所示。

之后 n 行，每行一个长度为 m 的 01 串，代表网格图第 i 行格子的颜色，如果为 0，则对应格子为白色，否则为黑色。

3.1.3 输出格式

输出一个整数，代表至少包含 k 个黑色格子的最小子矩形包含格子的数量，如果不存在则输出 0。

3.1.4 样例1

```
1 | 4 5 5
2 | 00000
3 | 01111
4 | 00011
5 | 00011
```

```
1 | 6
```

3.1.5 样例解释

对于样例1，假设 (i, j) 代表第 i 行第 j 列，至少包含 5 个黑色格子的最小子矩形的四个顶点为 $(2, 4)$, $(2, 5)$, $(4, 4)$, $(4, 5)$ ，共包含 6 个格子。

3.1.6 数据范围

子任务编号	数据点占比	n, m
1	20%	≤ 10
2	40%	$n = 1, 1 \leq m \leq 100$
3	40%	≤ 100

对于全部数据，保证有 $1 \leq n, m \leq 100, 1 \leq k \leq n \times m$ 。

3.1.7 参考程序

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 const int N = 110;
4 int w[N][N];
5 int sum[N][N];
6 int n,m;
7
8 int main(){
9     int k;
10    cin>>n>>m>>k;
11    for(int i=1;i<=n;i++){
12        string s;
13        cin>>s;
14        for(int j=1;j<=m;j++){
15            w[i][j]=s[j-1]-'0';
16            sum[i][j]=sum[i][j-1]+w[i][j];
17        }
18    }
19    int ans = 0;
20    for(int i=1;i<=m;i++){
21        for(int j=i;j<=m;j++){
22            vector<int> num;
23            int now = 0;
24            for(int l=1;l<=n;l++){
25                int tmp = sum[l][j]-sum[l][i-1];
26                now+=tmp;
27                num.push_back(now);
28                if(now>=k){
29                    if(ans ==0)ans=(j-i+1)*l;
30                    else ans=min(ans,(j-i+1)*l);
31                    int L=1,R=l;
32                    while (L < R){
33                        int mid = L + R + 1 >> 1;
34                        if (now-num[mid-1]>=k) L = mid;
35                        else R = mid - 1;
36                    }
37                    if(now-num[L-1]>=k){
38                        if(ans ==0)ans=(j-i+1)*(l-L);
39                        else ans=min(ans,(j-i+1)*(l-L));
40                    }
41                }
42            }
43        }
44    }
45    cout<<ans<<"\n";
46 }
```

3.2 编程题 2

- 试题名称: 小杨的幸运数字
- 时间限制: 1.0 s
- 内存限制: 512.0 MB

3.2.1 题面描述

小杨认为他的幸运数字应该恰好有两种不同的质因子，例如， $12 = 2 \times 2 \times 3$ 的质因子有 2, 3，恰好为两种不同的质因子，因此 12 是幸运数字，而 $30 = 2 \times 3 \times 5$ 的质因子有 2, 3, 5，不符合要求，不为幸运数字。

小杨现在有 n 个正整数，他想知道每个正整数是否是他的幸运数字。

3.2.2 输入格式

第一行包含一个正整数 n ，代表正整数个数。

之后 n 行，每行一个正整数。

3.2.3 输出格式

输出 n 行，对于每个正整数，如果是幸运数字，输出 1，否则输出 0。

3.2.4 样例1

```
1 | 3
2 | 7
3 | 12
4 | 30
```

```
1 | 0
2 | 1
3 | 0
```

3.2.5 样例解释

7 的质因子有 7，只有一种。

12 的质因子有 2, 3，恰好有两种。

30 的质因子有 2, 3, 5，有三种。

3.2.6 数据范围

子任务编号	数据点占比	n	正整数值域
1	40%	≤ 100	$\leq 10^5$
2	60%	$\leq 10^4$	$\leq 10^6$

对于全部数据，保证有 $1 \leq n \leq 10^4$ ，每个正整数 a_i 满足 $2 \leq a_i \leq 10^6$ 。

3.2.7 参考程序

```
1 #include<bits/stdc++.h>
2 using namespace std;
3 map<int,int> mp;
4 const int N = 1e5+10;
5 int calc(int x) {
6     int res = 0;
7     set<int> s;
8     for (int i = 2; i * i <= x; i++) {
9         if (x % i == 0) {
10             s.insert(i);
11             while (x%i == 0){
```

```
12         x/= i;
13
14     }
15 }
16 }
17 if (x != 1) {
18     s.insert(x);
19 }
20 return (int)s.size();
21 }
22 int a[N];
23 int main(){
24     int n;
25     cin>>n;
26     long long ans = 0;
27     int pre = 0;
28     for(int i=1;i<=n;i++){
29         cin>>a[i];
30         int x = calc(a[i]);
31         if(x==2)cout<<"1\n";
32         else cout<<"0\n";
33     }
34 }
35 }
```